

# بررسی الگوریتم DES

## مقدمه :

الگوریتم DES = data encryption standard ، در دهه ی ۷۰ میلادی در آمریکا بعنوان یک استاندارد کدگذاری مطرح شد و هنوز هم کاربرد دارد.

الگوریتم DES داده هایی به طول ۶۴ بیت را با استفاده از یک کلید ۶۴ بیتی کدگذاری می کند (هر چند بدیلهایی که توضیح داده خواهد شد تنها از ۵۶ بیت این کلید استفاده مؤثر می شود). در این الگوریتم یک بلاک ۶۴ بیتی از داده ها (plaintext) دریافت شده و سپس یک بلاک ۶۴ بیتی کدگذاری شده تحویل داده می شود (cipher text) .

این الگوریتم از ۱۶ مرحله (راندا!) تشکیل شده است. یعنی اینکه الگوریتم اصلی آن برای تولید داده ی کدگذاری شده ، ۱۶ بار تکرار می شود.

بهترین راه برای درک الگوریتم آن حل یک مثال است:

فرض کنید (اعداد داده شده در مینای ۱۶ هستند) :

Key = 13 34 57 79 9B BC DF F1

Input data = 01 23 45 67 89 AB CD EF

فرض کنید به داده ی ورودی یا همان پیغامی که باید رمزگذاری شود M بگوییم و به کلید ، K .

M مثال ما در حالت دو دویی به صورت زیر است:

M = 0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 1000 1001 1010 1011 1100 1101 1110 1111

اکنون این پیغام به دو نیمه ۳۲ بیتی چپ و راست تقسیم می شود، یعنی :

L = 0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111

R = 1000 1001 1010 1011 1100 1101 1110 1111

کلید مثال ما نیز در مینای دو به صورت زیر است :

K = 00010011 00110100 01010111 01111001 10011011 10111100 11011111 11110001

و اما نکته ای در مورد کلید فوق. در الگوریتم DES ، هر هشتمین بیت مربوط به کلید ، بکار برده نمی شود. یعنی بیت های شماره ۸ ، ۱۶ ، ۲۴ ، ۳۲ ، ۴۰ ، ۴۸ ، ۵۶ و ۶۴ در نظر گرفته نمی شوند (به همین جهت طول مؤثر کلید ۵۶ بیت است).

اکنون الگوریتم DES شروع می شود:

**مرحله اول :** ایجاد ۱۶ زیر کلید (subkey) هر کدام به طول ۴۸ بیت.

قبل از شروع این قسمت، آشنایی با 1 Permuted Choice که به صورت مخفف به آن PC-1 هم گفته می شود ، لازم است:

### PC-1

57	49	41	33	25	17	9
1	58	50	42	34	26	18
10	2	59	51	43	35	27
19	11	3	60	52	44	36
63	55	47	39	31	23	15
7	62	54	46	38	30	22
14	6	61	53	45	37	29
21	13	5	28	20	12	4

بوسیله ی این جدول، جایگردانی بیت ها رخ می دهد. اولین عدد جدول فوق همانطور که ملاحظه می نماید ۵۷ است. یعنی اینکه ۵۷ امین بیت کلید اصلی به اولین بیت کلید جایگردانی شده (که به آن K+ می گوئیم) تبدیل می شود. سپس ۴۹ امین بیت کلید اصلی به دومین بیت کلید جایگردانی شده تبدیل می شود و همین طور الی آخر. بنابراین با توجه به اعداد مثال فوق داریم :

**K** = 00010011 00110100 01010111 01111001 10011011 10111100 11011111 11110001  
 K--->(PC-1)--->K+  
**K+** = 1111000 0110011 0010101 0101111 0101010 1011001 1001111 0001111

پایان قسمت شیرین اول!

**بررسی الگوریتم DES - قسمت دوم**

در قسمت قبل به محاسبه ی زیر رسیدیم :

$K^+ = 1111000\ 0110011\ 0010101\ 0101111\ 0101010\ 1011001\ 1001111\ 0001111$

سپس  $K^+$  نیز به دو نیمه ی ۲۸ بیتی زیر تقسیم می شود:

$C0 = 1111000\ 0110011\ 0010101\ 0101111$

$D0 = 0101010\ 1011001\ 1001111\ 0001111$

همانطور که در قسمت قبل گفته شد ، در این مرحله ۱۶ ساب کی (Cn,Dn) باید ایجاد شود (در اینجا n از یک شروع می شود تا ۱۶). این ۱۶ زیر کلید از C0 و D0 فوق به شرح زیر تولید می شوند:

ابتدا جدول زیر را در نظر بگیرید:

Iteration Number	Number of Left Shifts
1	1
2	1
3	2
4	2
5	2
6	2
7	2
8	2
9	1
10	2
11	2
12	2
13	2
14	2
15	2
16	1

**یاد آوری :**

left shift و یا شیفت چپ (در اینجا به صورت ویژه) به این معنا است که هر بیت یک مکان به سمت چپ انتقال و شیفت پیدا می کند (منهای اولین بیت که به انتهای بلاک منتقل خواهد شد) . برای مثال اگر  $1111000011001100101010101111$  یک بیت به سمت چپ شیفت داده شود معادل با  $1110000110011001010101011111$  خواهد بود.

معنای جدول فوق این است که برای مثال C1,D1 با یک شیفت به چپ C0,D0 تولید می شوند. سپس C2,D2 با یک شیفت به چپ از C1,D1 ایجاد می شوند (هر زیر کلید جدید از زیر کلید قبلی شیفت داده شده مطابق جدول فوق تولید می شود) و الی آخر.

خوب! بر مبنای C0,D0 محاسبه شده و جدول شیفت های فوق داریم :

**C0** = 1111000011001100101010101111  
**D0** = 0101010101100110011110001111

**C1** = 1110000110011001010101011111  
**D1** = 1010101011001100111100011110

**C2** = 1100001100110010101010111111  
**D2** = 0101010110011001111000111101

**C3** = 0000110011001010101011111111  
**D3** = 0101011001100111100011110101

**C4** = 0011001100101010101111111100  
**D4** = 0101100110011110001111010101

**C5** = 1100110010101010111111110000  
**D5** = 0110011001111000111101010101

**C6** = 0011001010101011111111000011  
**D6** = 1001100111100011110101010101

**C7** = 1100101010101111111100001100  
**D7** = 0110011110001111010101010110

**C8** = 0010101010111111110000110011  
**D8** = 1001111000111101010101011001

**C9** = 0101010101111111100001100110  
**D9** = 0011110001111010101010110011  
**C10** = 0101010111111110000110011001  
**D10** = 1111000111101010101011001100

**C11** = 0101011111111000011001100101  
**D11** = 1100011110101010101100110011

**C12** = 0101111111100001100110010101  
**D12** = 0001111010101010110011001111

**C13** = 0111111110000110011001010101  
**D13** = 0111101010101011001100111100

**C14** = 1111111000011001100101010101  
**D14** = 1110101010101100110011110001

**C15** = 1111100001100110010101010111  
**D15** = 1010101010110011001111000111

**C16** = 1111000011001100101010101111  
**D16** = 0101010101100110011110001111

اکنون نوبت اعمال PC-2 بر روی جفت های فوق است تا  $K_n$  ها تشکیل شوند. این جدول جایگردانی شماره ۲ به صورت زیر است :

**PC-2**

14	17	11	24	1	5
3	28	15	6	21	10
23	19	12	4	26	8
16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55
30	40	51	45	33	48
44	49	39	56	34	53
46	42	50	36	29	32

برای مثال از محاسبات فوق داریم :

$$C1D1 = 1110000 \ 1100110 \ 0101010 \ 1011111 \ 1010101 \ 0110011 \ 0011110 \ 0011110$$

اکنون PC-2 باید بر روی تک تک ۱۶ زیر کلید محاسبه شده به صورت مستقل اعمال شود. یعنی برای مثال در  $K_1$  ، (با توجه به جدول فوق) اولین بیت، معادل ۱۴ امین بیت C1D1 است، دومین بیت  $K_1$  معادل ۱۷ امین بیت C1D1 است و الی آخر.

برای صرفه جویی در وقت، پس از اعمال PC-2 بر روی  $C_nD_n$  های محاسبه شده فوق داریم:

$$\begin{aligned}
 K1 &= 000110 \ 110000 \ 001011 \ 101111 \ 111111 \ 000111 \ 000001 \ 110010 \\
 K2 &= 011110 \ 011010 \ 111011 \ 011001 \ 110110 \ 111100 \ 100111 \ 100101 \\
 K3 &= 010101 \ 011111 \ 110010 \ 001010 \ 010000 \ 101100 \ 111110 \ 011001 \\
 K4 &= 011100 \ 101010 \ 110111 \ 010110 \ 110110 \ 110011 \ 010100 \ 011101 \\
 K5 &= 011111 \ 001110 \ 110000 \ 000111 \ 111010 \ 110101 \ 001110 \ 101000 \\
 K6 &= 011000 \ 111010 \ 010100 \ 111110 \ 010100 \ 000111 \ 101100 \ 101111 \\
 K7 &= 111011 \ 001000 \ 010010 \ 110111 \ 111101 \ 100001 \ 100010 \ 111100 \\
 K8 &= 111101 \ 111000 \ 101000 \ 111010 \ 110000 \ 010011 \ 101111 \ 111011 \\
 K9 &= 111000 \ 001101 \ 101111 \ 101011 \ 111011 \ 011110 \ 011110 \ 000001 \\
 K10 &= 101100 \ 011111 \ 001101 \ 000111 \ 101110 \ 100100 \ 011001 \ 001111 \\
 K11 &= 001000 \ 010101 \ 111111 \ 010011 \ 110111 \ 101101 \ 001110 \ 000110 \\
 K12 &= 011101 \ 010111 \ 000111 \ 110101 \ 100101 \ 000110 \ 011111 \ 101001 \\
 K13 &= 100101 \ 111100 \ 010111 \ 010001 \ 111110 \ 101011 \ 101001 \ 000001 \\
 K14 &= 010111 \ 110100 \ 001110 \ 110111 \ 111100 \ 101110 \ 011100 \ 111010 \\
 K15 &= 101111 \ 111001 \ 000110 \ 001101 \ 001111 \ 010011 \ 111100 \ 001010 \\
 K16 &= 110010 \ 110011 \ 110110 \ 001011 \ 000011 \ 100001 \ 011111 \ 110101
 \end{aligned}$$

پایان قسمت شیرین دوم!

## بررسی الگوریتم DES - قسمت سوم

اگر بخواهیم تا اینجا قسمت تهیه ساب کی ها را خلاصه کنیم به صورت زیر می شود :

```
C[0]D[0] = PC1(key)
for 1 <= i <= 16
C[i] = LS[i](C[i-1])
D[i] = LS[i](D[i-1])
K[i] = PC2(C[i]D[i])
```

از این قسمت به بعد کدگذاری بلاک های داده ی ۶۴ بیتی ما آغاز می شود (DES Core Function) .

جدول زیر را در نظر بگیرید:

## IP

```
58 50 42 34 26 18 10 2
60 52 44 36 28 20 12 4
62 54 46 38 30 22 14 6
64 56 48 40 32 24 16 8
57 49 41 33 25 17 9 1
59 51 43 35 27 19 11 3
61 53 45 37 29 21 13 5
63 55 47 39 31 23 15 7
```

جدول IP در اینجا به معنای initial permutation (جابگردانی اولیه) و بر روی پیغام اولیه ما یعنی M، اعمال می شود.

```
M = 0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 1000 1001 1010 1011 1100 1101 1110 1111
IP = 1100 1100 0000 0000 1100 1100 1111 1111 1111 0000 1010 1010 1111 0000 1010 1010
```

همانند روش های اعمال جداول قبل، ۵۸ امین بیت M که در اینجا "1" است اولین بیت IP می شود، سپس ۵۰ امین بیت M که در اینجا "1" است، دومین بیت IP می گردد و الی آخر.

سپس IP به دو نیمه ی ۳۲ بیتی چپ و راست تقسیم می شود :

```
LO = 1100 1100 0000 0000 1100 1100 1111 1111
RO = 1111 0000 1010 1010 1111 0000 1010 1010
```

فرمول کلی این ۱۶ راند به صورت زیر است :

```
L[n] = R[n-1]
R[n] = L[n-1] XOR f(R[n-1],K[n])
```

در اینجا n بین ۱ و ۱۶ (راند) تغییر می کند . در مورد تابع f در ادامه توضیح داده خواهد شد.  
برای مثال برای n=1 داریم :

مواردی که تا اینجا محاسبه شدند:

```
L[0] = 1100 1100 0000 0000 1100 1100 1111 1111
R[0] = 1111 0000 1010 1010 1111 0000 1010 1010
```

$$K[1] = 000110\ 110000\ 001011\ 101111\ 111111\ 000111\ 000001\ 110010$$

سپس :

$$L[1] = R[0] = 1111\ 0000\ 1010\ 1010\ 1111\ 0000\ 1010\ 1010$$

$$R[1] = L[0] + f(R[0], K[1])$$

قسمت باقیمانده ، توضیح عملکرد تابع  $f$  در معادله ی فوق است:

برای محاسبه ی  $f$  ابتدا باید  $R[n-1]$  سی و دو بیتی به ۴۸ بیت بسط داده شود. برای انجام اینکار از یک جدول انتخاب (selection table) به نام  $E$  استفاده می شود:

$$E(R[n-1])$$

تابع فوق ورودی اش ۳۲ بیتی بوده و خروجی اش ۴۸ بیتی است. این جدول به صورت زیر است:

### E BIT-SELECTION TABLE

32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1

محاسبه ی تابع  $f$  ادامه دارد...

پایان قسمت (شیرین) سوم!

**بررسی الگوریتم DES - قسمت چهارم**

در ادامه قسمت قبل فرض کنید می خواهیم  $E(R[0])$  را از  $R[0]$  محاسبه نماییم :

$$R[0] = 1111\ 0000\ 1010\ 1010\ 1111\ 0000\ 1010\ 1010$$

$$E(R[0]) = 011110\ 100001\ 010101\ 010101\ 011110\ 100001\ 010101\ 010101$$

همانطور که ملاحظه می کنید با اعمال جدول E ، هر ۴ بیت اولیه به ۶ بیت بسط داده شده است.

در ادامه ی محاسبه f ، خروجی  $E(R[n-1])$  با کلید  $K[n]$  ، XOR می شود. برای مثال :

$$K[1] = 000110\ 110000\ 001011\ 101111\ 111111\ 000111\ 000001\ 110010$$

$$E(R[0]) = 011110\ 100001\ 010101\ 010101\ 011110\ 100001\ 010101\ 010101$$

$$K1\ XOR\ E(R[0]) = 011000\ 010001\ 011110\ 111010\ 100001\ 100110\ 010100\ 100111$$

هنوز محاسبه ی f تمام نشده است. تا اینجا  $R[n-1]$  از ۳۲ بیت به ۴۸ بیت با استفاده از جدول E ، بسط یافته است. سپس حاصل آن با  $K[n]$  ، XOR شده است. اکنون ۴۸ بیت و یا هشت گروه ۶ بیتی حاصل کار است. به این ۸ گروه نامهایی از  $B[1]$  تا  $B[8]$  نسبت می دهیم. یعنی :

$$K[n]\ XOR\ E(R[n]-1) = B[1]\ B[2]\ B[3]\ B[4]\ B[5]\ B[6]\ B[7]\ B[8]$$

در ادامه نوبت عملیاتی دیگر بر روی این  $B[i]$  ها است. در اینجا مفهومی دیگر به نام S boxes ارائه می شود. این جدول باید بر روی  $B[i]$  ها اعمال گردند. یعنی:

$$S1(B[1])\ S2(B[2])\ S3(B[3])\ S4(B[4])\ S5(B[5])\ S6(B[6])\ S7(B[7])\ S8(B[8])$$

این جداول به شرح زیر هستند :

**S1**

14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

**S2**

15	1	8	14	6	11	3	4	9	7	2	13	12	0	5	10
3	13	4	7	15	2	8	14	12	0	1	10	6	9	11	5
0	14	7	11	10	4	13	1	5	8	12	6	9	3	2	15
13	8	10	1	3	15	4	2	11	6	7	12	0	5	14	9

**S3**

10	0	9	14	6	3	15	5	1	13	12	7	11	4	2	8
13	7	0	9	3	4	6	10	2	8	5	14	12	11	15	1
13	6	4	9	8	15	3	0	11	1	2	12	5	10	14	7
1	10	13	0	6	9	8	7	4	15	14	3	11	5	2	12

**S4**

7	13	14	3	0	6	9	10	1	2	8	5	11	12	4	15
13	8	11	5	6	15	0	3	4	7	2	12	1	10	14	9
10	6	9	0	12	11	7	13	15	1	3	14	5	2	8	4
3	15	0	6	10	1	13	8	9	4	5	11	12	7	2	14

**S5**

2	12	4	1	7	10	11	6	8	5	3	15	13	0	14	9
14	11	2	12	4	7	13	1	5	0	15	10	3	9	8	6
4	2	1	11	10	13	7	8	15	9	12	5	6	3	0	14
11	8	12	7	1	14	2	13	6	15	0	9	10	4	5	3

**S6**

12	1	10	15	9	2	6	8	0	13	3	4	14	7	5	11
10	15	4	2	7	12	9	5	6	1	13	14	0	11	3	8
9	14	15	5	2	8	12	3	7	0	4	10	1	13	11	6
4	3	2	12	9	5	15	10	11	14	1	7	6	0	8	13

**S7**

4	11	2	14	15	0	8	13	3	12	9	7	5	10	6	1
13	0	11	7	4	9	1	10	14	3	5	12	2	15	8	6
1	4	11	13	12	3	7	14	10	15	6	8	0	5	9	2
6	11	13	8	1	4	10	7	9	5	0	15	14	2	3	12

**S8**

13	2	8	4	6	15	11	1	10	9	3	14	5	0	12	7
1	15	13	8	10	3	7	4	12	5	6	11	0	14	9	2
7	11	4	1	9	12	14	2	0	6	10	13	15	3	5	8
2	1	14	7	4	10	8	13	15	12	9	0	3	5	6	11

روش اعمال S boxes با جداول دیگر متفاوت است که در قسمت بعد بررسی خواهد شد.

پایان قسمت شیرین چهارم!

## بررسی الگوریتم DES - قسمت پنجم

نحوه ی استفاده از S-boxes و یا Substitution boxes :

فرض کنید عدد ۴۸ بیتی بایناری زیر را داریم که می خواهیم S-Boxes را بر آن اعمال کنیم :

011101000101110101000111101000011100101101011101

همانطور که در قسمت قبل گفته شد ، ۸ گروه ۶ بیتی از آن استخراج می شود که از B1 تا B8 را تشکیل می دهند (از چپ به راست):

011101 000101 110101 000111 101000 011100 101101 011101

محاسبات زیر را در نظر بگیرید:

$B[n] \Rightarrow S[n][row][column]$

$B[1] \Rightarrow S[1](01, 1110) = S[1][1][14] = 3 = 0011$   
 $B[2] \Rightarrow S[2](01, 0010) = S[2][1][2] = 4 = 0100$   
 $B[3] \Rightarrow S[3](11, 1010) = S[3][3][10] = 14 = 1110$   
 $B[4] \Rightarrow S[4](01, 0011) = S[4][1][3] = 5 = 0101$   
 $B[5] \Rightarrow S[5](10, 0100) = S[5][2][4] = 10 = 1010$   
 $B[6] \Rightarrow S[6](00, 1110) = S[6][0][14] = 5 = 0101$   
 $B[7] \Rightarrow S[7](11, 0110) = S[7][3][6] = 10 = 1010$   
 $B[8] \Rightarrow S[8](01, 1110) = S[8][1][14] = 9 = 1001$

نحوه ی محاسبه :

n دقیقاً متناظر است با اندیس B .  
 Row : از کنار هم قرار گرفتن بیت اول و بیت آخر یک گروه ۶ بیتی فوق تشکیل می شود.  
 Column : مابقی بیت ها ، ستون را تشکیل می دهند (یعنی از بیت های ۲ تا ۵)

برای مثال :

011101 را در نظر بگیرید.

چون اولین گروه ۶ بیتی عدد ۴۸ بیتی ما را تشکیل می دهد ،  $n=1$  خواهد بود.  
 برای تشکیل Row ، دو بیت اول و آخر کنار هم قرار می گیرد، یعنی  $Row=01$  .  
 Column تشکیل شده از بیت ۲ تا ۵ عدد فوق است یعنی :  $Column=1110$

نتیجه ی حاصل :

اولین سطر محاسباتی است که در بالا ذکر شد یعنی :  
 $S[n][row][column] = S[1](01, 1110)$

خوب! برای محاسبه ی این موقعیت در جدول S1 ، ابتدا اعداد درون پرانتزها به معادل دسیمال خود تبدیل می شوند یعنی:

$S[1][1][14]$

جدول S1 هم به صورت زیر است (برای سهولت مراجعه شماره ردیف ها و ستون ها نیز نوشته شده است، صفر تا سه شماره ردیف ها هستند و صفر تا ۱۵ شماره ستون ها):

**S1 (ROW/Column)**

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
۰	14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
۱	0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	*3*	8
۲	4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
۳	15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

سپس این موقعیت در جدول S1 پیدا می شود. یعنی به جدول S1 مراجعه کرده و سپس عدد قرار گرفته در سطر ۱ و ستون ۱۴ را پیدا می کنیم. این عدد معادل ۳ است. سپس آنرا به باینری تبدیل می نمایم: 0001. بنابراین به صورت خلاصه داریم:

$$B[1] \Rightarrow S[1](01, 1110) = S[1][1][14] = 3 = 0011$$

به همین ترتیب برای سایر گروه های ۶ بیتی عمل می شود.

نتیجه این قسمت (کنار هم قرار دادن نتایج حاصل فوق، که یک عدد ۳۲ بیتی دودویی را تشکیل می دهد):

00110100111001011010010110101001

مثالی دیگر:

در ادامه ی اعداد اصلی انتخاب شده برای این توضیحات در قسمت های قبل :

$$K[1] \text{ XOR } E(R[0]) = 011000 \ 010001 \ 011110 \ 111010 \ 100001 \ 100110 \ 010100 \ 100111$$

$$S[1](B[1]) \ S[2](B[2]) \ S[3](B[3]) \ S[4](B[4]) \ S[5](B[5]) \ S[6](B[6]) \ S[7](B[7]) \ S[8](B[8]) = 0101 \ 1100$$

$$1000 \ 0010 \ 1011 \ 0101 \ 1001 \ 0111$$

پایان قسمت شیرین پنجم!

**بررسی الگوریتم DES - قسمت پنجم**

پس از اعمال جداول جانشینی و یا همان S-Boxes بر روی  $B_i$  ها، بر روی نتیجه ی حاصل یک جایگردانی دیگر صورت می گیرد.

**Permutation P**

```

16 7 20 21
29 12 28 17
1 15 23 26
5 18 31 10
2 8 24 14
32 27 3 9
19 13 30 6
22 11 4 25
    
```

یعنی به صورت خلاصه تابع  $f$  که در چند قسمت قبل راجع به آن بحث شد به صورت زیر محاسبه می شود:

$$f = P(S[1](B[1])...S[8](B[8]))$$

برای مثال :

$$S_1(B_1)S_2(B_2)S_3(B_3)S_4(B_4)S_5(B_5)S_6(B_6)S_7(B_7)S_8(B_8) = 0101\ 1100\ 1000\ 0010\ 1011\ 0101\ 1001\ 0111$$

$$\Rightarrow$$

$$f = 0010\ 0011\ 0100\ 1010\ 1010\ 1001\ 1011\ 1011$$

و در ادامه :

$$R[1] = L[0] \text{ XOR } f(R[0], K[1])$$

$$= 1100\ 1100\ 0000\ 0000\ 1100\ 1100\ 1111\ 1111$$

$$\text{XOR } 0010\ 0011\ 0100\ 1010\ 1010\ 1001\ 1011\ 1011$$

$$= 1110\ 1111\ 0100\ 1010\ 0110\ 0101\ 0100\ 0100$$

و  $L_1$  هم که قبلاً محاسبه شده بود :

$$L[1] = R[0] = 1111\ 0000\ 1010\ 1010\ 1111\ 0000\ 1010\ 1010$$

خوب! تا اینجا یک راند از ۱۶ راند الگوریتم دس پایان پذیرفت!

شروع راند دوم!

مطابق فرمول کلی عنوان شده داریم :

$$L[2] = R[1]$$

$$R[2] = L[1] + f(R[1], K[2])$$

که محاسبه ی آن با توجه به مطالب گفته شده تاکنون ساده است (بعنوان تمرین آنرا انجام دهید!). این رویه تا پایان ۱۶ راند ادامه دارد.

در پایان راند ۱۶ ، حاصل کار  $L_{16}$  و  $R_{16}$  است. در اینجا جای این دو بلاک معکوس می شود یعنی :

$$R[16]L[16]$$

و بر روی آن آخرین جایگردانی مطابق جدول زیر صورت می گیرد :

IP<sup>-1</sup>

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

برای مثال با توجه به اعداد انتخاب شده در ابتدای این مباحث داریم :

```
L16 = 0100 0011 0100 0010 0011 0010 0011 0100
R16 = 0000 1010 0100 1100 1101 1001 1001 0101
====>
R[16]L[16] = 00001010 01001100 11011001 10010101 01000011 01000010 00110010 00110100
====>
IP-1 = 10000101 11101000 00010011 01010100 00001111 00001010 10110100 00000101 (bin)
      = 85E813540F0AB405 (hex)
```

**و یا به صورت خلاصه :**

پیغام اولیه :

M = 0123456789ABCDEF

کلید بکار گرفته شده برای کدگذاری :

Key = 13 34 57 79 9B BC DF F1

خروجی کدگذاری شده :

C = 85E813540F0AB405

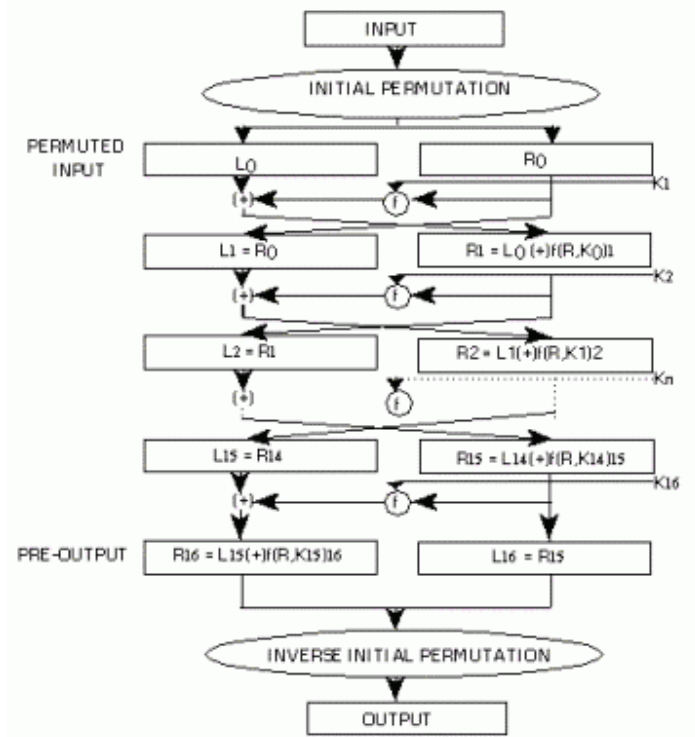
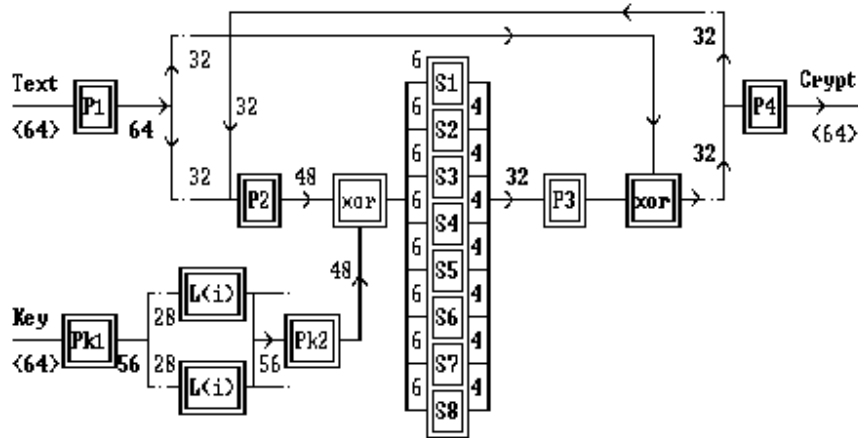
تا اینجا بررسی الگوریتم DES به پایان می رسد. در قسمت بعدی خلاصه ی محاسبات این ۱۶ راند برای تکمیل مبحث ارائه خواهد شد و همچنین تصاویری در مورد فلوجارت این عملیات.

منابع و مأخذی که برای تهیه این مقالات مورد استفاده قرار گرفتند :

<http://governmentsecurity.org/articles/AlgorithmsExplained.php>  
<http://www.eventid.net/docs/desexample.htm>  
<http://www.tropsoft.com/strongenc/des.htm>  
<http://www.cryptography.com/resources/whitepapers/DES.html>  
<http://www.cryptography.com/resources/whitepapers/DES-photos.html>  
<http://www.cryptogram.org/cdb/aca.info/sample-issue.html>  
<http://www.mapleapps.com/powertools/cryptography/HTML/DES-Example.html>  
<http://www.orlingrabbe.com/des.htm>  
<http://www.darkside.com.au/bitslice/index.html>

ضمایم:

الف) دو تصویر زیر الگوریتم DES را به خوبی نمایش می دهند :



## ب) مثالی کامل از ۱۶ راند الگوریتم DES :

**Key**= 13 34 57 79 9B BC DF F1  
 Key= 00010011 00110100 01010111 01111001 10011011 10111100 11011111 11110001  
**Input data** = 01 23 45 67 89 AB CD EF  
 Input data = 00000001 00100011 01000101 01100111 10001001 10101011 11001101 11101111  
 IP data= CC 00 CC FF F0 AA F0 AA  
 IP data= 11001100 00000000 11001100 11111111 11110000 10101010 11110000 10101010

## ----- Round 1 -----

L= CC 00 CC FF  
 L= 11001100 00000000 11001100 11111111  
 R= F0 AA F0 AA  
 R= 11110000 10101010 11110000 10101010  
 K= 1B 02 EF FC 70  
 K= 00011011 00000010 11101111 11111100 01110000  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 7A 15 55 7A 15  
 E(R)= 01111010 00010101 01010101 01111010 00010101  
 E(R) xor K = 61 17 BA 86 65  
 E(R) xor K = 01100001 00010111 10111010 10000110 01100101  
 SBoxed= 5C 82 B5 97  
 SBoxed= 01011100 10000010 10110101 10010111  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= 23 4A A9 BB  
 F(R, K)= 00100011 01001010 10101001 10111011  
 R1= EF 4A 65 44  
 R1= 11101111 01001010 01100101 01000100  
 L1= F0 AA F0 AA  
 L1= 11110000 10101010 11110000 10101010

## ----- Round 2 -----

L= F0 AA F0 AA  
 L= 11110000 10101010 11110000 10101010  
 R= EF 4A 65 44  
 R= 11101111 01001010 01100101 01000100  
 K= 79 AE D9 DB C9  
 K= 01111001 10101110 11011001 11011011 11001001  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 75 EA 54 30 AA  
 E(R)= 01110101 11101010 01010100 00110000 10101010  
 E(R) xor K = 0C 44 8D EB 63  
 E(R) xor K = 00001100 01000100 10001101 11101011 01100011  
 SBoxed= F8 D0 3A AE  
 SBoxed= 11111000 11010000 00111010 10101110  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= 3C AB 87 A3  
 F(R, K)= 00111100 10101011 10000111 10100011  
 R1= CC 01 77 09  
 R1= 11001100 00000001 01110111 00001001  
 L1= EF 4A 65 44  
 L1= 11101111 01001010 01100101 01000100

## ----- Round 3 -----

L= EF 4A 65 44  
 L= 11101111 01001010 01100101 01000100

```

R= CC 01 77 09
R= 11001100 00000001 01110111 00001001
K= 55 FC 8A 42 CF
K= 01010101 11111100 10001010 01000010 11001111
-----F(R, K)-----
E(R)= E5 80 02 BA E8
E(R)= 11100101 10000000 00000010 10111010 11101000
E(R) xor K = B0 7C 88 F8 27
E(R) xor K = 10110000 01111100 10001000 11111000 00100111
SBoxed= 27 10 E1 6F
SBoxed= 00100111 00010000 11100001 01101111
P modification processed and result in F(R, K)...
-----
F(R, K)= 4D 16 6E B0
F(R, K)= 01001101 00010110 01101110 10110000
R1= A2 5C 0B F4
R1= 10100010 01011100 00001011 11110100
L1= CC 01 77 09
L1= 11001100 00000001 01110111 00001001

```

----- **Round 4** -----

```

L= CC 01 77 09
L= 11001100 00000001 01110111 00001001
R= A2 5C 0B F4
R= 10100010 01011100 00001011 11110100
K= 72 AD D6 DB 35
K= 01110010 10101101 11010110 11011011 00110101
-----F(R, K)-----
E(R)= 50 42 F8 05 7F
E(R)= 01010000 01000010 11111000 00000101 01111111
E(R) xor K = 22 EF 2E DE 4A
E(R) xor K = 00100010 11101111 00101110 11011110 01001010
SBoxed= 21 ED 9F 3A
SBoxed= 00100001 11101101 10011111 00111010
P modification processed and result in F(R, K)...
-----
F(R, K)= BB 23 77 4C
F(R, K)= 10111011 00100011 01110111 01001100
R1= 77 22 00 45
R1= 01110111 00100010 00000000 01000101
L1= A2 5C 0B F4
L1= 10100010 01011100 00001011 11110100

```

----- **Round 5** -----

```

L= A2 5C 0B F4
L= 10100010 01011100 00001011 11110100
R= 77 22 00 45
R= 01110111 00100010 00000000 01000101
K= 7C EC 07 EB 53
K= 01111100 11101100 00000111 11101011 01010011
-----F(R, K)-----
E(R)= BA E9 04 00 02
E(R)= 10111010 11101001 00000100 00000000 00000010
E(R) xor K = C6 05 03 EB 51
E(R) xor K = 11000110 00000101 00000011 11101011 01010001
SBoxed= 50 C8 31 EB
SBoxed= 01010000 11001000 00110001 11101011
P modification processed and result in F(R, K)...
-----

```

F(R, K)= 28 13 AD C3  
 F(R, K)= 00101000 00010011 10101101 11000011  
 R1= 8A 4F A6 37  
 R1= 10001010 01001111 10100110 00110111  
 L1= 77 22 00 45  
 L1= 01110111 00100010 00000000 01000101

----- Round 6 -----

L= 77 22 00 45  
 L= 01110111 00100010 00000000 01000101  
 R= 8A 4F A6 37  
 R= 10001010 01001111 10100110 00110111  
 K= 63 A5 3E 50 7B  
 K= 01100011 10100101 00111110 01010000 01111011  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= C5 42 5F D0 C1  
 E(R)= 11000101 01000010 01011111 11010000 11000001  
 E(R) xor K = A6 E7 61 80 BA  
 E(R) xor K = 10100110 11100111 01100001 10000000 10111010  
 SBoxed= 41 F3 4C 3D  
 SBoxed= 01000001 11110011 01001100 00111101  
 P modification processed and result in F(R, K)...

F(R, K)= 9E 45 CD 2C  
 F(R, K)= 10011110 01000101 11001101 00101100  
 R1= E9 67 CD 69  
 R1= 11101001 01100111 11001101 01101001  
 L1= 8A 4F A6 37  
 L1= 10001010 01001111 10100110 00110111

----- Round 7 -----

L= 8A 4F A6 37  
 L= 10001010 01001111 10100110 00110111  
 R= E9 67 CD 69  
 R= 11101001 01100111 11001101 01101001  
 K= EC 84 B7 F6 18  
 K= 11101100 10000100 10110111 11110110 00011000  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= F5 2B 0F E5 AB  
 E(R)= 11110101 00101011 00001111 11100101 10101011  
 E(R) xor K = 19 AF B8 13 B3  
 E(R) xor K = 00011001 10101111 10111000 00010011 10110011  
 SBoxed= 10 75 40 AD  
 SBoxed= 00010000 01110101 01000000 10101101  
 P modification processed and result in F(R, K)...

F(R, K)= 8C 05 1C 27  
 F(R, K)= 10001100 00000101 00011100 00100111  
 R1= 06 4A BA 10  
 R1= 00000110 01001010 10111010 00010000  
 L1= E9 67 CD 69  
 L1= 11101001 01100111 11001101 01101001

----- Round 8 -----

L= E9 67 CD 69  
 L= 11101001 01100111 11001101 01101001  
 R= 06 4A BA 10  
 R= 00000110 01001010 10111010 00010000  
 K= F7 8A 3A C1 3B

K= 11110111 10001010 00111010 11000001 00111011  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 00 C2 55 5F 40  
 E(R)= 00000000 11000010 01010101 01011111 01000000  
 E(R) xor K = F7 48 6F 9E 7B  
 E(R) xor K = 11110111 01001000 01101111 10011110 01111011  
 SBoxed= 6C 18 7C AE  
 SBoxed= 01101100 00011000 01111100 10101110  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= 3C 0E 86 F9  
 F(R, K)= 00111100 00001110 10000110 11111001  
 R1= D5 69 4B 90  
 R1= 11010101 01101001 01001011 10010000  
 L1= 06 4A BA 10  
 L1= 00000110 01001010 10111010 00010000

----- **Round 9** -----

L= 06 4A BA 10  
 L= 00000110 01001010 10111010 00010000  
 R= D5 69 4B 90  
 R= 11010101 01101001 01001011 10010000  
 K= E0 DB EB ED E7  
 K= 11100000 11011011 11101011 11101101 11100111  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 6A AB 52 A5 7C  
 E(R)= 01101010 10101011 01010010 10100101 01111100  
 E(R) xor K = 8A 70 B9 48 9B  
 E(R) xor K = 10001010 01110000 10111001 01001000 10011011  
 SBoxed= 11 0C 57 77  
 SBoxed= 00010001 00001100 01010111 01110111  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= 22 36 7C 6A  
 F(R, K)= 00100010 00110110 01111100 01101010  
 R1= 24 7C C6 7A  
 R1= 00100100 01111100 11000110 01111010  
 L1= D5 69 4B 90  
 L1= 11010101 01101001 01001011 10010000

----- **Round 10** -----

L= D5 69 4B 90  
 L= 11010101 01101001 01001011 10010000  
 R= 24 7C C6 7A  
 R= 00100100 01111100 11000110 01111010  
 K= B1 F3 47 BA 46  
 K= 10110001 11110011 01000111 10111010 01000110  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 10 83 F9 60 C3  
 E(R)= 00010000 10000011 11111001 01100000 11000011  
 E(R) xor K = A1 70 BE DA 85  
 E(R) xor K = 10100001 01110000 10111110 11011010 10000101  
 SBoxed= DA 04 52 75  
 SBoxed= 11011010 00000100 01010010 01110101  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= 62 BC 9C 22  
 F(R, K)= 01100010 10111100 10011100 00100010  
 R1= B7 D5 D7 B2

R1= 10110111 11010101 11010111 10110010  
 L1= 24 7C C6 7A  
 L1= 00100100 01111100 11000110 01111010

-----**Round 11**-----

L= 24 7C C6 7A  
 L= 00100100 01111100 11000110 01111010  
 R= B7 D5 D7 B2  
 R= 10110111 11010101 11010111 10110010  
 K= 21 5F D3 DE D3  
 K= 00100001 01011111 11010011 11011110 11010011  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 5A FE AB EA FD  
 E(R)= 01011010 11111110 10101011 11101010 11111101  
 E(R) xor K = 7B A1 78 34 2E  
 E(R) xor K = 01111011 10100001 01111000 00110100 00101110  
 SBoxed= 73 05 D1 01  
 SBoxed= 01110011 00000101 11010001 00000001  
 P modification processed and result in F(R, K)...  
 -----  
 F(R, K)= E1 04 FA 02  
 F(R, K)= 11100001 00000100 11111010 00000010  
 R1= C5 78 3C 78  
 R1= 11000101 01111000 00111100 01111000  
 L1= B7 D5 D7 B2  
 L1= 10110111 11010101 11010111 10110010

-----**Round 12**-----

L= B7 D5 D7 B2  
 L= 10110111 11010101 11010111 10110010  
 R= C5 78 3C 78  
 R= 11000101 01111000 00111100 01111000  
 K= 75 71 F5 94 67  
 K= 01110101 01110001 11110101 10010100 01100111  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 60 AB F0 1F 83  
 E(R)= 01100000 10101011 11110000 00011111 10000011  
 E(R) xor K = 15 DA 05 8B E4  
 E(R) xor K = 00010101 11011010 00000101 10001011 11100100  
 SBoxed= 7B 8B 26 35  
 SBoxed= 01111011 10001011 00100110 00110101  
 P modification processed and result in F(R, K)...  
 -----  
 F(R, K)= C2 68 CF EA  
 F(R, K)= 11000010 01101000 11001111 11101010  
 R1= 75 BD 18 58  
 R1= 01110101 10111101 00011000 01011000  
 L1= C5 78 3C 78  
 L1= 11000101 01111000 00111100 01111000

-----**Round 13**-----

L= C5 78 3C 78  
 L= 11000101 01111000 00111100 01111000  
 R= 75 BD 18 58  
 R= 01110101 10111101 00011000 01011000  
 K= 97 C5 D1 FA BA  
 K= 10010111 11000101 11010001 11111010 10111010  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 3A BD FA 8F 02

E(R)= 00111010 10111101 11111010 10001111 00000010  
 E(R) xor K = AD 78 2B 75 B8  
 E(R) xor K = 10101101 01111000 00101011 01110101 10111000  
 SBoxed= 9A D1 8B 4F  
 SBoxed= 10011010 11010001 10001011 01001111  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= DD BB 29 22  
 F(R, K)= 11011101 10111011 00101001 00100010  
 R1= 18 C3 15 5A  
 R1= 00011000 11000011 00010101 01011010  
 L1= 75 BD 18 58  
 L1= 01110101 10111101 00011000 01011000

----- **Round 14** -----

L= 75 BD 18 58  
 L= 01110101 10111101 00011000 01011000  
 R= 18 C3 15 5A  
 R= 00011000 11000011 00010101 01011010  
 K= 5F 43 B7 F2 E7  
 K= 01011111 01000011 10110111 11110010 11100111  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= 0F 16 06 8A AA  
 E(R)= 00001111 00010110 00000110 10001010 10101010  
 E(R) xor K = 50 55 B1 78 4D  
 E(R) xor K = 01010000 01010101 10110001 01111000 01001101  
 SBoxed= 64 79 9A F1  
 SBoxed= 01100100 01111001 10011010 11110001  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= B7 31 8E 55  
 F(R, K)= 10110111 00110001 10001110 01010101  
 R1= C2 8C 96 0D  
 R1= 11000010 10001100 10010110 00001101  
 L1= 18 C3 15 5A  
 L1= 00011000 11000011 00010101 01011010

----- **Round 15** -----

L= 18 C3 15 5A  
 L= 00011000 11000011 00010101 01011010  
 R= C2 8C 96 0D  
 R= 11000010 10001100 10010110 00001101  
 K= BF 91 8D 3D 3F  
 K= 10111111 10010001 10001101 00111101 00111111  
 -----F(R, K)-----  
 E(R)= E0 54 59 4A C0  
 E(R)= 11100000 01010100 01011001 01001010 11000000  
 E(R) xor K = 5F C5 D4 77 FF  
 E(R) xor K = 01011111 11000101 11010100 01110111 11111111  
 SBoxed= B2 E8 8D 3C  
 SBoxed= 10110010 11101000 10001101 00111100  
 P modification processed and result in F(R, K)...

-----  
 F(R, K)= 5B 81 27 6E  
 F(R, K)= 01011011 10000001 00100111 01101110  
 R1= 43 42 32 34  
 R1= 01000011 01000010 00110010 00110100  
 L1= C2 8C 96 0D  
 L1= 11000010 10001100 10010110 00001101

```

----- Round 16 -----
L= C2 8C 96 0D
L= 11000010 10001100 10010110 00001101
R= 43 42 32 34
R= 01000011 01000010 00110010 00110100
K= CB 3D 8B 0E 17
K= 11001011 00111101 10001011 00001110 00010111
-----F(R, K)-----
E(R)= 20 6A 04 1A 41
E(R)= 00100000 01101010 00000100 00011010 01000001
E(R) xor K = EB 57 8F 14 56
E(R) xor K = 11101011 01010111 10001111 00010100 01010110
SBoxed= A7 83 24 29
SBoxed= 10100111 10000011 00100100 00101001
P modification processed and result in F(R, K)...
-----
F(R, K)= C8 C0 4F 98
F(R, K)= 11001000 11000000 01001111 10011000
R1= 0A 4C D9 95
R1= 00001010 01001100 11011001 10010101
L1= 43 42 32 34
L1= 01000011 01000010 00110010 00110100
IP1 data = 85 E8 13 54 0F 0A B4 05
IP1 data = 10000101 11101000 00010011 01010100 00001111 00001010 10110100 00000101
-----
Out data = 85 E8 13 54 0F 0A B4 05
Out data = 10000101 11101000 00010011 01010100 00001111 00001010 10110100 00000101

```

ج) عملیات رمزگشایی الگوریتم DES با داشتن داده های کدگذاری شده و کلید مربوطه :

عملیات Decryption معکوس عملیات کدگذاری است .  
خلاصه به صورت pseudo code :

#### Key schedule:

```

C[0]D[0] = PC1(key)
for 1 <= i <= 16
C[i] = LS[i](C[i-1])
D[i] = LS[i](D[i-1])
K[i] = PC2(C[i]D[i])

```

#### Encipherment:

```

L[0]R[0] = IP(plain block)
for 1 <= i <= 16
L[i] = R[i-1]
R[i] = L[i-1] xor f(R[i-1], K[i])
cipher block = FP(R[16]L[16])

```

#### Decipherment:

```

R[16]L[16] = IP(cipher block)
for 1 <= i <= 16
R[i-1] = L[i]
L[i-1] = R[i] xor f(L[i], K[i])
plain block = FP(L[0]R[0])

```

و یا برای رمزگشایی همان پروسه ی اصلی بکار می رود اما ساب کی ها به ترتیب عکس بکار گرفته می شوند. یعنی در ابتدا بجای اعمال  $K_1$  ،  $K_{16}$  اعمال می شود و به همین ترتیب.

#### د) رمزگذاری داده هایی بزرگتر از ۶۴ بیت توسط الگوریتم DES

در این موارد باید به روش های رسمی ذکر شده در FIPS PUB 81 مراجعه نمود (چهار روش ( , OFB , CBC , ECB (CFB ذکر شده است).

#### ه) Triple-DES

همان DES است که در آن دو کلید ۵۶ بیتی استفاده می شود.  
 ۱. ابتدا داده ها توسط الگوریتم نرمال DES توسط کلید اول رمزگذاری می شوند.  
 ۲. سپس این داده ی رمزگذاری شده با کلید دوم رمزگشایی می شود.  
 چون کلید دوم واقعی نبوده ، بنابراین اینکار سبب رمزگذاری بیشتر پیغام می گردد.  
 ۳. در آخر این پیغامی که دوبار رمزگذاری شده ، بار دیگر توسط کلید اول رمزگذاری می شود تا پیغام نهایی تریپل-دس حاصل شود.

حالت های دیگری هم برای این الگوریتم وجود دارد. برای مثال استفاده از سه کلید بجای دو کلید و یا استفاده از دو کلید با ترتیب هایی ویژه در بکار گیری.

#### و) شکستن الگوریتم DES !

برای حالت brute force attack (امتحان کردن تک تک کلیدهای ممکن) ، ۲ به توان ۵۶ حالت وجود خواهد داشت! یعنی حدود  $70,000,000,000,000,000$  حالت!  
 برای مشاهده ی استحکام این الگوریتم در حالت های مختلف می توان به FIPBS PUB 74 مراجعه کرد:  
<http://www.itl.nist.gov/fipspubs/fip74.htm>

گاهی از اوقات در دنیا مسابقه هایی رسمی برای شکستن این الگوریتم ترتیب داده می شود! برای مثال در سال ۱۹۹۹ در مسابقه ی RSA DES Challenge III ، با استفاده از ۱۰۰ هزار کامپیوتر در سراسر دنیا موفق به شکستن این الگوریتم پس از ۲۲ ساعت و ۱۵ دقیقه شدند!! (یعنی توانایی تست کردن 245 billion keys per second)